

2021年度一般選抜試験問題

数 学

【注意事項】

1. この問題冊子には答案用紙が挟み込まれています。試験開始の合図があるまで問題冊子を開いてはいけません。
2. 試験開始後、問題冊子と答案用紙の受験番号欄に受験番号を記入しなさい。
3. 問題冊子には計3問の問題が数1～数5ページに記載されています。落丁、乱丁および印刷不鮮明な箇所があれば、手をあげて監督者に知らせなさい。
4. 答案には、必ず鉛筆（黒、「HB」「B」程度）またはシャープペンシル（黒、「HB」「B」程度）を使用しなさい。
5. 解答は答案用紙の指定された場所に記入しなさい。ただし、解答に関係のないことが書かれた答案は無効にすることがあります。
6. 問題冊子の余白は下書きに利用しても構いません。
7. 問題冊子および答案用紙はどのページも切り離してはいけません。
8. 問題冊子および答案用紙を持ち帰ってはいけません。

受験番号	
一般選抜 A	一般選抜 B

受験番号	
一般A	
一般B	

2021年度一般選抜
数学答案用紙(1)

- 【注意】
1. 受験番号を受験番号欄に記入しなさい。
 2. 答案用紙を切り離してはいけません。
 3. 解答を指定された場所に記入しなさい。

1 (1) (計算式や考え方)

答：_____

(2) (計算式や考え方)

答：円の中心：_____ 半径：_____

(3) (計算式や考え方)

答：_____

○

○

1 (4) (計算式や考え方)

答：_____

(5) (計算式や考え方)

答：_____

2021年度一般選抜
数学答案用紙(2)

2 (1)

答: _____ (万円)

(2)

答: _____

(3) (計算式や考え方)

答: _____



2 (4) (解答)

2021年度一般選抜
数学答案用紙(3)

2 (5) (計算式や考え方)

答: _____

O

O

3 (1)

答：_____

(2) (解答)

2021年度一般選抜
数学答案用紙(4)

3 (3) (計算式や考え方)

答: _____



3 (4) (計算式や考え方)

答：_____

2021年度一般選抜
数学答案用紙(5)

3 (5) (計算式や考え方)

答: _____

○

○

【得点記入欄】 このページには何も記入してはいけない。

1-(1)	1-(2)	1-(3)	1-(4)	1-(5)	ST1
-------	-------	-------	-------	-------	-----

2-(1)	2-(2)	2-(3)	2-(4)	2-(5)	ST2
-------	-------	-------	-------	-------	-----

3-(1)	3-(2)	3-(3)	3-(4)	3-(5)	ST3
-------	-------	-------	-------	-------	-----

	Total
--	-------

1 次の (1) から (5) までの各問いに答えよ。なお、途中の式や考え方等も記入すること。

(1) 当たりが5本入ったくじがある。この中から2本のくじを同時に引くとき、2本とも当たりである確率は $\frac{5}{39}$ である。はずれくじの本数を求めよ。

(2) 点 $(-1, 2, 3)$ を中心とする球が平面 $x = 3$ と接しているとき、この球が平面 $y = 4$ と交わってできる円の中心と半径を求めよ。

1 (続き)

(3) 次の定積分を求めよ。

$$\int_{-1}^0 \frac{x^5}{(x^3 - 1)^2} dx$$

(4) $\frac{7747}{8357}$ を約分せよ。

1 (続き)

- (5) $0 \leq x < \pi$ のとき、関数 $y = \sqrt{3} \sin 2x + 2 \sin^2 x - 2$ の最大値と最小値を求めよ。
また、そのときの x の値を求めよ。

2 月利率 r ($0 < r < 1$) の複利^(*)で、 m 万円を借り、これを y 月かかって返済するとき、毎月どれだけ支払えばよいかについて考える。毎月一定額 x 万円ずつ返済するとして、以下の問いに答えよ。なお、(1) と (2) 以外は途中の式や考え方を記入すること。

^(*) 複利：元金によって生じた利子を元金に加えたものを次期の元金として利子を計算する方式

- (1) 1ヶ月後の元金と利子を考慮し、1回目の返済後の残高を求めよ。
- (2) k 回目の返済後の残高を a_k 万円として、 a_k と a_{k-1} との間に成り立つ関係式を r と x を用いて表せ。
- (3) (2) の漸化式を解き、 y を r , x , m を用いて表せ。
- (4) (3) で得られた x と y の関係式を $y = f(x)$ とおく (r と m は定数とする)。
関数 $y = f(x)$ の増減、および、グラフの凹凸を調べて、そのグラフをかけ。
- (5) 1000 万円を年利 15% (月利率にして $\frac{15}{12}\%$) で借りるとする。毎月 15 万円ずつ返済すると、返済し終わるのに何年何ヶ月かかるか。ただし、最終返済額は 15 万円以下になるものとする。また、必要があれば、 $\log_{10} 2 = 0.3010$, $\log_{10} 3 = 0.4771$ を用いよ。

3 3辺の長さが $BC = a$, $CA = b$, $AB = c$ である $\triangle ABC$ において、辺 BC 上に点 D をとり、 $BD = m$, $CD = n$, および $AD = d$ とする。 $\triangle ABC$ の重心を G として、以下の問いに答えよ。なお、(1) 以外は途中の式や考え方を記入すること。

(1) $\angle ADB = \theta$ として、 $\cos \theta$ の値を c , d , m を用いて表せ。

(2) 次のことを証明せよ。

$$b^2m + c^2n = a(d^2 + mn)$$

(3) AG の長さを a , b , c を用いて表せ。

(4) $\angle BAC$ の二等分線が辺 BC と交わる点を D' とする。もし、 $\triangle ABC$ が $\angle BAC = 90^\circ$ の直角三角形ならば、 AD' の長さは b と c を用いて表せる。このときの AD' の長さを求めよ。

(5) $\triangle ABC$ の外接円の中心を O , その半径を R として、 OG の長さを a , b , c および R を用いて表せ。