

物 理

解答上の注意

1. 解答は、解答用紙の解答欄にマークすること。

例えば、 と表示のある問題に対して、計算等から得られた値をマークする場合には、次の例に従う。

例：38 と答えたい場合には

解答番号	解 答 欄									
6	①	②	●	④	⑤	⑥	⑦	⑧	⑨	⑩
7	①	②	③	④	⑤	⑥	⑦	●	⑨	⑩

2. 分数形で解答する場合には、既約分数(それ以上約分できない分数)で答えること。
 3. 答えの値は、枠に合わせて四捨五入すること。

1 次の文章を読み、下の問い(問1～5)に答えよ。

図1のように、質量 m 、長さ L の一様な剛体棒 AB がある。棒の端 B では鉛直な壁上の 1 点 C に結びつけられた糸の張力がはたらく。糸と棒のなす角は θ ($0 < \theta < \frac{\pi}{2}$) で、糸の質量は無視できる。棒の端 A では壁との摩擦力がはたらき、壁と棒の間の静止摩擦係数は十分に大きく、棒が壁を押している限り棒がすべることはない。B における糸の張力と A における摩擦力により、棒は水平に保たれている。重力加速度の大きさを g とする。

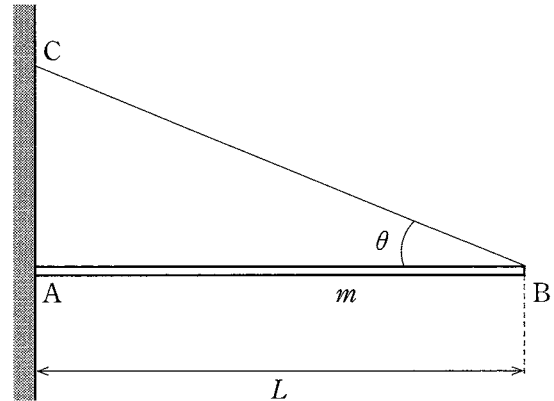


図1

[1] 図2のように、この棒に壁から cL ($0 < c < 1$) 離れた点 D を作用点として、棒からの角度 ϕ ($0 < \phi < \pi$) となる向きに大きさ F の力で引っ張ったが、棒は静止したままだった。

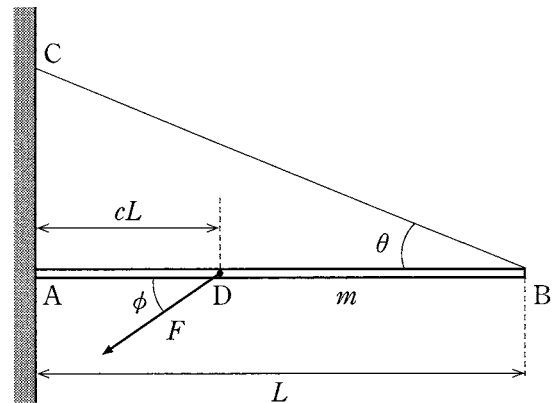


図2

問1 このとき、糸の張力 T は であり、棒にはたらく摩擦力の大きさ f は である。また、棒に壁が及ぼす垂直抗力の大きさ N は である。

(1) 1 に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから1つ選べ。

- | | |
|--|--|
| ① $\frac{1}{\sin \theta}(cF \sin \phi + mg)$ | ② $\frac{1}{\sin \theta}(-cF \sin \phi + mg)$ |
| ③ $\frac{1}{\sin \theta}(cF \sin \phi - mg)$ | ④ $\frac{1}{\sin \theta}\left(cF \sin \phi + \frac{mg}{2}\right)$ |
| ⑤ $\frac{1}{\sin \theta}\left(-cF \sin \phi + \frac{mg}{2}\right)$ | ⑥ $\frac{1}{\sin \theta}\left(-cF \sin \phi - \frac{mg}{2}\right)$ |
| ⑦ $\frac{cF \sin \phi}{\sin \theta}$ | ⑧ $\frac{cF \cos \phi}{\sin \theta}$ |
| | ⑨ $\frac{cF \tan \phi}{\sin \theta}$ |

(2) 2 に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから1つ選べ。

- | | |
|---|--|
| ① $(1+c)F \sin \phi + \frac{mg}{2}$ | ② $(1-c)F \sin \phi - \frac{mg}{2}$ |
| ③ $(1+c)F \sin \phi + \frac{3mg}{2}$ | ④ $F \cos \phi + cF \sin \phi + \frac{mg}{2}$ |
| ⑤ $F \cos \phi - cF \sin \phi + \frac{mg}{2}$ | ⑥ $F \cos \phi - cF \sin \phi + \frac{3mg}{2}$ |
| ⑦ $(1-c)F \sin \phi + \frac{mg}{2}$ | ⑧ $(1-c)F \sin \phi + \frac{3mg}{2}$ |
| ⑨ $F \cos \phi - cF \sin \phi$ | |

(3) 3 に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから1つ選べ。

- | | |
|---|--|
| ① $F\left(\cos \phi - \frac{c \sin \phi}{\tan \theta}\right) + \frac{3mg}{2 \tan \theta}$ | ② $F\left(\cos \phi + \frac{c \sin \phi}{\tan \theta}\right) + \frac{3mg}{2}$ |
| ③ $F\left(-\cos \phi + \frac{c \sin \phi}{\tan \theta}\right) + \frac{3mg}{2}$ | ④ $F\left(\cos \phi + \frac{c \sin \phi}{\tan \theta}\right) + \frac{mg}{2 \tan \theta}$ |
| ⑤ $F\left(\cos \phi + \frac{c \sin \phi}{\tan \theta}\right) + \frac{mg}{2}$ | ⑥ $F\left(\cos \phi - \frac{c \sin \phi}{\tan \theta}\right) + \frac{3mg}{2}$ |
| ⑦ $-F\left(\cos \phi + \frac{c \sin \phi}{\tan \theta}\right) + \frac{mg}{2 \tan \theta}$ | ⑧ $-F\left(\cos \phi + \frac{c \sin \phi}{\tan \theta}\right) + \frac{mg}{2}$ |
| ⑨ $-F\left(\cos \phi + \frac{c \sin \phi}{\tan \theta}\right) + \frac{3mg}{2}$ | |

問 2 ϕ がある値 ϕ_c より大きいときに限り、 ϕ を一定に保ったまま F をしだいに大きくすると N は小さくなる。このような角度 ϕ_c の満たす式として最も適切なものを、次の①~⑨のうちから1つ選べ。 4

- ① $\cos \phi_c = 0$ ② $\sin \phi_c = 0$ ③ $\tan \theta + c \sin \phi_c = 0$
- ④ $\tan \theta + c \tan \phi_c = 0$ ⑤ $\cos \phi_c + c \sin \phi_c = 0$
- ⑥ $\frac{mg}{2} + cF \sin \phi_c = 0$ ⑦ $\frac{mg}{2} + cF \cos \phi_c = 0$
- ⑧ $F \cos \phi_c + \frac{mg}{2 \tan \theta} = 0$ ⑨ $\frac{cF \sin \phi_c}{\tan \theta} - \frac{mg}{2} = 0$

問 3 $\phi > \phi_c$ とする。 ϕ を一定に保ったまま F をしだいに大きくすると、 $F =$ 5 になったとき、Aはすべり落ちてしまう。5 に入る式として最も適切なものを、次の①~⑨のうちから1つ選べ。

- ① mg ② $-\frac{mg}{2 \cos \phi (\tan \theta + c \tan \phi)}$
- ③ $\frac{mg}{2 \cos \phi (\tan \theta + c \tan \phi)}$ ④ $\frac{mg}{2 (\tan \theta + c \sin \phi)}$
- ⑤ $-\frac{mg}{2 (\tan \theta + c \sin \phi)}$ ⑥ $2mg$
- ⑦ $\frac{mg}{1 + \tan \theta}$ ⑧ $-\frac{mg}{c + \tan \theta}$ ⑨ $-\frac{mg}{c \tan \theta + \sin \phi}$

〔2〕 点Dにおいて、長さ cL の軽い糸の一端を棒に固定し、もう一端に大きさが無視でき、棒と同じ質量 m をもつおもりを取りつけ、A の位置まで持ち上げて、糸がたるまないように静かにおもりを離したところ、おもりはDを中心とする半径 cL の円周上を運動した。

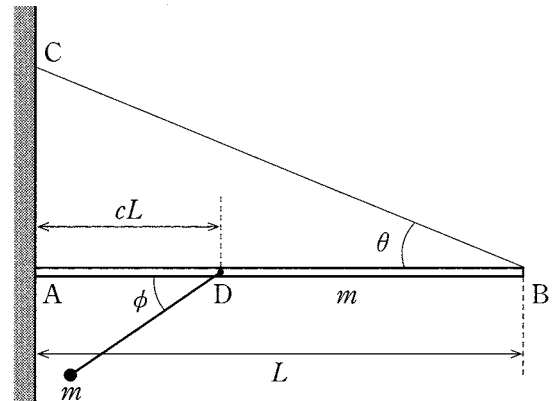


図3

問4 図3のように、おもりをつけた糸と棒のなす角が ϕ になった瞬間のおもりの速さ v は で、おもりをつなぐ糸の張力 S は である。また、棒に壁が及ぼす垂直抗力の大きさ N は、恒等式 $2 \sin \phi \cos \phi = \sin 2\phi$ 、 $2 \sin^2 \phi = 1 - \cos 2\phi$ を用いて

$$N = \frac{mg}{2 \tan \theta} \left(\text{ア} \sin 2\phi + \text{イ} \cos 2\phi + \text{ウ} \right)$$

のように表すことができる。ただし、おもりの運動中、空気抵抗やDにおける糸と棒の間の摩擦およびAにおける壁とおもりの間の摩擦は無視できるものとする。

(1) 6 に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから1つ選べ。

- | | | |
|-------------------------|--------------------------|---------------------------|
| ① \sqrt{gL} | ② $\sqrt{2gL}$ | ③ $\sqrt{2cgL}$ |
| ④ $\sqrt{gL \cos \phi}$ | ⑤ $\sqrt{2gL \cos \phi}$ | ⑥ $\sqrt{2cgL \cos \phi}$ |
| ⑦ $\sqrt{gL \sin \phi}$ | ⑧ $\sqrt{2gL \sin \phi}$ | ⑨ $\sqrt{2cgL \sin \phi}$ |

(2) 7 に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから1つ選べ。

- | | | |
|------------------|-------------------|-------------------|
| ① mg | ② $2mg$ | ③ $3mg$ |
| ④ $mg \sin \phi$ | ⑤ $2mg \sin \phi$ | ⑥ $3mg \sin \phi$ |
| ⑦ $mg \cos \phi$ | ⑧ $2mg \cos \phi$ | ⑨ $3mg \cos \phi$ |

(3) 文章中の空欄 ~ に当てはまる式の組合せとして最も適切なものを、次の①~⑨のうちから1つ選べ。

	ア	イ	ウ
①	$3c$	$3 \tan \theta$	$(-3c + 1)$
②	$-3c$	$3 \tan \theta$	$3c + 1$
③	$3 \tan \theta$	$3c$	$(-3c + 1)$
④	$3 \tan \theta$	$(-3c)$	$3c + 1$
⑤	3	0	1
⑥	3	1	0
⑦	$\tan \theta$	c	$(-c + 1)$
⑧	$\tan \theta$	$(-c)$	$c + 1$
⑨	$\tan \theta$	$(-3c)$	c

問 5 $\theta = \frac{\pi}{6}$ のとき、A がすべり落ちずに、おもりが運動し続けるための条件は

$$c > \frac{\text{9}}{\text{10}}$$

である。

, の各枠に当てはまる1桁の数字をマークせよ。

2 次の文章を読み、下の問い(問1～7)に答えよ。

なめらかに動くピストンがついた容器に、ある理想気体を n [mol] だけ閉じこめた。この気体の定積モル熱容量(定積モル比熱)を C_V [J/(mol·K)]、また気体定数を R [J/(mol·K)] とする。

[1] この気体の状態を以下のように $A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D \rightarrow A$ と変化させる。

最初、状態 A では気体の圧力が p_0 [Pa] である。状態 A から気体を断熱圧縮し、気体の圧力が $3p_0$ [Pa] の状態 B にする。次に、状態 B から気体の圧力を $3p_0$ [Pa] に保ちながら Q_1 [J] の熱量を気体に吸収させて膨張させ、状態 C にする。さらに、状態 C から気体を断熱膨張させ、気体の圧力が p_0 [Pa] の状態 D にする。最後に、状態 D から気体の圧力を p_0 [Pa] に保ちながら Q_2 [J] の熱量を気体から奪って圧縮し、状態 A に戻す。ただし、すべての状態変化はゆっくりと行う。また、状態 A, B, C, D における気体の温度をそれぞれ T_A [K], T_B [K], T_C [K], T_D [K] とする。

問 1 状態 $A \rightarrow B$ の変化の間に気体が外部からされた仕事は 11 [J] である。

11 に入る数値または式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから1つ選べ。

- | | | |
|--------------------------------|-------------------------------|---------------------------------|
| ① 0 | ② $nR(T_B - T_A)$ | ③ $\frac{3}{2}nR(T_B - T_A)$ |
| ④ $nR(3T_B - T_A)$ | ⑤ $\frac{1}{2}nR(3T_B - T_A)$ | ⑥ $nC_V(T_B - T_A)$ |
| ⑦ $\frac{3}{2}nC_V(T_B - T_A)$ | ⑧ $nC_V(3T_B - T_A)$ | ⑨ $\frac{1}{2}nC_V(3T_B - T_A)$ |

〔2〕 〔1〕のサイクルは、 $A \rightarrow D \rightarrow C \rightarrow B \rightarrow A$ と状態を逆向きに変化させることもできる。すなわち、最初に状態 A から気体の圧力を p_0 [Pa] に保ちながら Q_2 [J] の熱量を気体に吸収させて膨張させ、状態 D にする。次に、状態 D から気体を断熱圧縮し気体の圧力を $3p_0$ [Pa] にし、状態 C にする。さらに、状態 C から気体の圧力を $3p_0$ [Pa] に保ちながら Q_1 [J] の熱量を気体から奪って圧縮し、状態 B にする。最後に、状態 B から気体を断熱膨張させ気体の圧力を p_0 [Pa] にし、状態 A に戻す。ただし、すべての状態変化はゆっくりと行う。

問 5 この $A \rightarrow D \rightarrow C \rightarrow B \rightarrow A$ の 1 サイクルの間に、気体が外部からされた仕事は

$W =$ [J] である。

に入る数値または式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから 1 つ 選べ。

- ① 0
- ② $n(C_V + 3R)(T_A - T_B + T_C - T_D)$
- ③ $n(C_V + 3R)(-T_A + T_B + T_C - T_D)$
- ④ $n(C_V + R)(T_A - T_B + T_C - T_D)$
- ⑤ $n(C_V + R)(-T_A + T_B - T_C + T_D)$
- ⑥ $n(C_V + R)(-T_A + T_B + T_C - T_D)$
- ⑦ $n\left(C_V + \frac{3}{2}R\right)(T_A - T_B + T_C - T_D)$
- ⑧ $n\left(C_V + \frac{3}{2}R\right)(-T_A + T_B - T_C + T_D)$
- ⑨ $n\left(C_V + \frac{3}{2}R\right)(-T_A + T_B + T_C - T_D)$

3 次の文章を読み、下の問い(問1～7)に答えよ。

図1に示すように、荷電粒子を加速するための電極S、Tと荷電粒子の軌道を曲げる長さLの平行極板C、Dが真空中に配置されている。Tには粒子を通すための小さな穴が開いている。図1のようにC、Dと平行にx軸、垂直にy軸をとり、紙面の奥から手前に向く方向にz軸をとる。C、Dにはさまれた領域G(図1の灰色の領域)の左端にある一点を原点Oにとる。領域Gにはy軸の正の向きに大きさEの一樣な電場がある。はじめSの位置で静止していた質量m、電気量q($q > 0$)の荷電粒子Pは加速電圧 V_0 で加速され、x軸上を進んだ。原点Oを越えたところで荷電粒子の軌道はy軸の正の向きに曲げられ、領域Gの右端の点Q($L, y_1, 0$)に達した。ただし、PはCには衝突しないものとする。また、C、Dがつくる電場は領域Gにのみ存在し、重力や地磁気が荷電粒子に及ぼす影響は無視できるものとする。

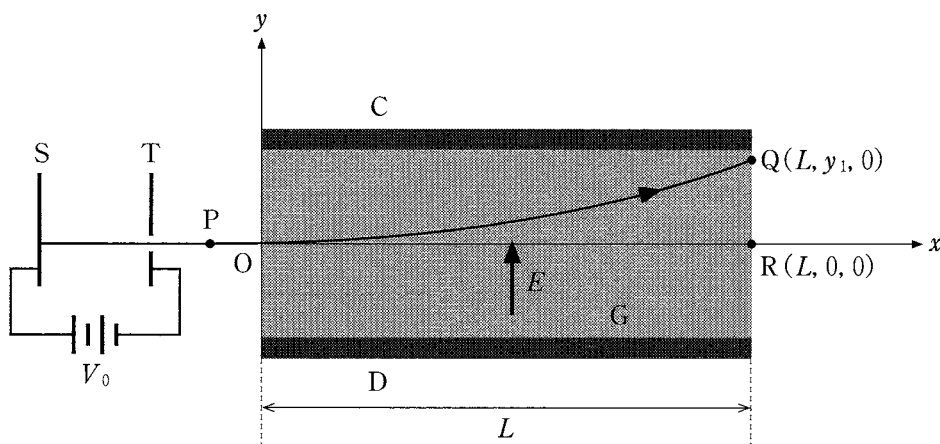


図1

問1 $y_1 =$ である。

に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから1つ選べ。

- | | | |
|-------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------|
| ① $\frac{1}{4} \frac{E}{V_0} L^2$ | ② $\frac{1}{2} \frac{E}{V_0} L^2$ | ③ $\frac{E}{V_0} L^2$ |
| ④ $\frac{1}{4} \frac{V_0}{E}$ | ⑤ $\frac{1}{2} \frac{V_0}{E}$ | ⑥ $\frac{V_0}{E}$ |
| ⑦ $\frac{1}{4} \frac{V_0^2}{E^2 L}$ | ⑧ $\frac{1}{2} \frac{V_0^2}{E^2 L}$ | ⑨ $\frac{V_0^2}{E^2 L}$ |

問 2 Q における P の運動エネルギーは 23 である。

23 に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから 1 つ選べ。

- | | | |
|---|---|--|
| ① $q\left(V_0 + \frac{1}{4}EL\right)$ | ② $q\left(V_0 + \frac{1}{2}EL\right)$ | ③ $q(V_0 + EL)$ |
| ④ $q\left(V_0 + \frac{1}{4}\frac{E^2L^2}{V_0}\right)$ | ⑤ $q\left(V_0 + \frac{1}{2}\frac{E^2L^2}{V_0}\right)$ | ⑥ $q\left(V_0 + \frac{E^2L^2}{V_0}\right)$ |
| ⑦ qV_0 | ⑧ qEL | ⑨ $\frac{qE^2L^2}{V_0}$ |

次に、 E はそのままにして、 $x > 0$ の領域に z 軸の正の方向(紙面の奥から手前に向く方向)に大きさ B の一様な磁束密度を加え、 S に P をおいて同様の実験を行ったところ、 P は x 軸上を直進し点 $R(L, 0, 0)$ まで進んだ。

問 3 R における P の運動エネルギーは である。

に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから1つ選べ。

- ① $q\left(V_0 + \frac{1}{4}EL\right)$ ② $q\left(V_0 + \frac{1}{2}EL\right)$ ③ $q(V_0 + EL)$
 ④ $q\left(V_0 + \frac{1}{4}\frac{E^2L^2}{V_0}\right)$ ⑤ $q\left(V_0 + \frac{1}{2}\frac{E^2L^2}{V_0}\right)$ ⑥ $q\left(V_0 + \frac{E^2L^2}{V_0}\right)$
 ⑦ qV_0 ⑧ qEL ⑨ $\frac{qE^2L^2}{V_0}$

問 4 $B =$ である。

に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから1つ選べ。

- ① $\sqrt{\frac{mE}{2qL}}$ ② $\sqrt{\frac{mE}{qL}}$ ③ $\sqrt{\frac{2mE}{qL}}$
 ④ $\frac{E}{2}\sqrt{\frac{m}{qV_0}}$ ⑤ $E\sqrt{\frac{m}{2qV_0}}$ ⑥ $E\sqrt{\frac{m}{qV_0}}$
 ⑦ $\frac{1}{2L}\sqrt{\frac{mV_0}{q}}$ ⑧ $\frac{1}{L}\sqrt{\frac{mV_0}{q}}$ ⑨ $\frac{1}{L}\sqrt{\frac{2mV_0}{q}}$

さらに、Rに達したPはその後磁束密度のみの影響を受け、半周して点J(L, y₂, 0)に達した。

問 5 R から J まで進むのにかかった時間は 26 である。

26 に入る式として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから1つ選べ。

① $\frac{\pi}{4E} \sqrt{\frac{mV_0}{q}}$

② $\frac{\pi}{2E} \sqrt{\frac{mV_0}{2q}}$

③ $\frac{\pi}{2E} \sqrt{\frac{mV_0}{q}}$

④ $\frac{\pi}{E} \sqrt{\frac{mV_0}{2q}}$

⑤ $\frac{\pi}{E} \sqrt{\frac{mV_0}{q}}$

⑥ $\frac{\pi}{E} \sqrt{\frac{2mV_0}{q}}$

⑦ $\frac{2\pi}{E} \sqrt{\frac{mV_0}{q}}$

⑧ $\frac{2\pi}{E} \sqrt{\frac{2mV_0}{q}}$

⑨ $\frac{4\pi}{E} \sqrt{\frac{mV_0}{q}}$

今度は質量 $4m$ 、電気量 $2q$ の荷電粒子 P' を用い、加速電圧のみを変えて同様の実験を行った。加速電圧が V_1 になったときに P' は G を直進し、その後半周して点 $K(L, y_3, 0)$ に達した。

問 6 V_1 は V_0 の 倍である。

に入る数値として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから 1 つ選べ。

- ① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{\sqrt{2}}{4}$ ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{\sqrt{2}}{2}$ ⑤ 1
 ⑥ $\sqrt{2}$ ⑦ 2 ⑧ $2\sqrt{2}$ ⑨ 4

問 7 y_3 は y_2 の 倍である。

に入る数値として最も適切なものを、次の①～⑨のうちから 1 つ選べ。

- ① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{\sqrt{2}}{4}$ ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{\sqrt{2}}{2}$ ⑤ 1
 ⑥ $\sqrt{2}$ ⑦ 2 ⑧ $2\sqrt{2}$ ⑨ 4

(余 白)

